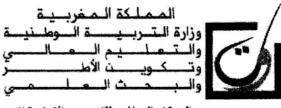
'. '	الصفحة 1 4	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا الدورة الاستدراكية 2009
	ن <u>4</u>	الدورة الاستدراكية 2009 الموضوع



C:RS24

والامتحاثات	تتتفويم	الوطني	المركز
-------------	---------	--------	--------

9	المعامل:	الرياضيات	المادة:
4	مدة الإنجاز:	شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	الشعب (ة) أو المسلك:

يسمح استعمال الآلة الحاسبة

التمرين الأول: (3 نقط)

نذكر أن $I=egin{pmatrix}1&0\\0&1\end{pmatrix}$ حلقة واحدية وحدتها المصفوفة $I=egin{pmatrix}1&0\\0&1\end{pmatrix}$ فضاء

متجهى حقيقى .

0,5

0,25

0,25

0.5

0,25

0,75

0,5

0,5

$$\left(a;b\right)\in IR^{2}$$
 حيث $M_{\left(a,b\right)}=\left(egin{matrix}a&b\\4b&a\end{matrix}
ight)$ حيث V لتكن V

. وحدد أساسا له $\left(M_2(\mathbb{R})\,,+,ullet\,
ight)$ وحدد أساسا له $\left(M_2(\mathbb{R})\,,+,ullet\,
ight)$

$$\left(M_{2}(\mathbb{R}), \times \right)$$
 بین آن V جزء مستقر من -2 0,25

بين أن
$$(imes,+,+)$$
 حلقة واحدية $\,$ تبادلية .

$$M_{\left(\frac{1}{2},\frac{-1}{4}\right)} \times M_{\left(\frac{1}{2},\frac{1}{4}\right)}$$

$$(a,b) \in IR^2$$
 مع $X = \begin{pmatrix} a & b \\ 4b & a \end{pmatrix}$: مصفوفة من X مصفوفة من X حيث -4

. حيث
$$O$$
 , هي المصفوفة المنعدمة $X^2 - 2aX + (a^2 - 4b^2)I = O$. بين أن $X^2 - 2aX + (a^2 - 4b^2)I = O$

$$a^2 - 4b^2 \neq 0$$
 : نفترض أن

بين أن المصفوفة X تقبل مقلوبا في V ينبغي تحديده.

التمرين الثاني: (4 نقط)

$$(1-i)$$
 عددا عقدیا یخالف u

$$(iu-1-i)^2$$
 $= 1$

.
$$z$$
 المعادلة ذات المجهول z :

$$z^{2}-2(u+1-i)z+2u^{2}-4i=0$$

2) المستوى العقدي منسوب إلى معلم متعامد ممنظم ومباشر.

$$\Omega(2-2i)$$
 و $U(u)$ و $B((1-i)u+2)$ و $A((1+i)u-2i)$ و نعتبر النقط

$$I$$
 أ ــ حدد لحق النقطة I منتصف القطعة I أم حدد متجهة الإزاحة I التي تحول النقطة I إلى النقطة I

$$R\left(A\right)=B$$
 بين أن $R\left(A\right)=B$ بين أن $R\left(A\right)=B$ بين أن $R\left(A\right)=B$

موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009-الدورة الاستدراكية _ الصفحة عيات، الشعب ب(ة) أو المسلك: شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	مادة: الرياض
$\Delta = -1$ متعامدان. $\Delta = -1$ متعامدان.	0,5
د ـــ انطلاقا من النقطة U وضع طريقة لإنشاء النقطتين A و B	0,75
$(a \in \mathbb{R})$ نضع $u = a(1+i)-2i$ عيث $u = a(1+i)$, ,
	0,5
a المتجهتين \overline{A} و \overline{A} بدلالة \overline{A}	0,25
ب) استنتج أن النقط A و B و U مستقيمية. U مستقيمية. U التربيد U المتنتج أن النقط U و المستقيمية.	0,23
التمرين الثالث: (3 نقط) n عدد صحيح طبيعي أكبر أو يساوي 4.	
U_2 U_2 U_3 U_4 U_5 U_6 U_6 U_7 U_8	
الصندوق U_1 يحتوي على كرة حمراء واحدة و $\left(n-1 ight)$ كرة سوداء.	
الصندوق U_2 يحتوي على كرتين حمراوين و $(n-2)$ كرة سوداء.	
الصندوق U_3 يحتوي على ثلاث كرات حمراء و $(n-3)$ كرة سوداء.	
ا نعتبر التجربة العشوائية التالية: نختار عشوائيا صندوقا من بين الصناديق الثلاثة ثم نسحب تآنيا كرتين من الصندوق الذي عَدِّ مِنْ الدِّرِيْةِ العَسْوائيةِ التاليةِ:	
وقع عليه الاحتيار.	
ليكن X المتغير العشواني الحقيقي الذي يساوي عدد الكرات الحمراء المسحوبة. 1-حدد قيم المتغير العشواني X	0,25
$\frac{8}{3n(n-1)}$ يساوي $(X=2)$ يساوي $(X=2)$	0,75
, ,	İ
$\frac{4(3n-7)}{3n(n-1)}$ بين أن احتمال الحدث $(X=1)$ يساوي	0,75
ج) استنتج قانون احتمال المتغير العشوائي X	0,5
$^\circ$ علما أننا حصلنا على كرتين حمر اوين، ما هو احتمال أن يكون السحب قد تم من الصندوق $^\circ$?	0,75
مسألة: (10 نقط)	
$g(x) = 2(1-e^{-x})-x$: بما يلي بالمعرفة على x المعرفة على بالمعرفة على المعرفة على بالمعرفة على x	
1) أ ـــ ادرس تغيرات الدالة g	0,5
	,,,,

ب _ ضع جدول تغيرات الدالة g 0,5

0,5

 $]\ln 4, \ln 6[$ في المجال α في المجال g(x)=0 تقبل حلا وحيدا α

 $(\ln 3 \approx 1,1)$ $\ln 2 \approx 0,7$ (1 + 1)

 \mathbb{R}^+ ب ــ ادرس إشارة g(x) على 0,5

 $\mathbb N$ من $u_{n+1}=2\left(1-e^{-u_n}\right)$ و $u_0=1:$ المعرفة بما يلي المعرفة بما يلي (3

 $\mathbb N$ من $1 \le u_n < \alpha$ الكل n من ا 0,5

 $\mathbb N$ ب $u_{n+1}-u_n=g\left(u_n
ight)$ لكل $u_{n+1}-u_n=g\left(u_n
ight)$ 0,25

ı	حة	لصة	1
I	3	/	1
İ	/	4	١,

موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009-الدورة الاستدراكية – مادة: الرياضيات، الشعب (ق) أو المسلك: شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)

. بين أن المتتالية
$$\left(u_{n}\right)_{n\geq0}$$
 تزايدية قطعا .

0,25

0,5

1

0,5

0.75

0,5

0,5

0,5

$$\lim_{n\to+\infty} u_n$$
 متقاربة ثم احسب د _ بين أن المتتالية $(u_n)_{n>0}$

$$f(x) = \frac{1-e^x}{x^2}$$
: بما يلي \mathbb{R}^*_+ بما يلي بالمتغير الحقيقي x المعرفة على \mathbb{R}^*_+ بما يلي المثل المنحنى الممثل للدالة x في معلم متعامد ممنظم x المنحنى الممثل للدالة x في معلم متعامد ممنظم x

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{f(x)}{x} = \lim_{\substack{x \to 0 \\ x > 0}} f(x) = \lim_{x \to +\infty} f(x)$$
 (1)

$$f(\alpha) = \frac{1}{\alpha(\alpha-2)}$$
: 1 (2

$$f$$
 الدالة \mathbb{R}^*_+ ب بين أن $f'(x) = \frac{e^x g(x)}{x^3}$ الم نعيرات الدالة $f'(x) = \frac{e^x g(x)}{x^3}$

(
$$\alpha \approx 1.5$$
) (C) (ناخذ (3

: يما يلي المعرفة على $[0,+\infty[$ يما يلي يا المعرفة على F بما يلي $[0,+\infty[$

$$(\forall x > 0)$$
 $F(x) = \int_{x}^{2x} \frac{1 - e^{t}}{t^{2}} dt$ $f(0) = -\ln 2$

$$(\forall x > 0) \ F(x) = \frac{e^{2x} - 1}{2x} - \frac{e^x - 1}{x} - \int_{x}^{2x} \frac{e^t}{t} dt$$
 : أ_ باستعمال مكاملة بالأجزاء, بين أن (1

$$e^{x} \ln 2 \le \int_{x}^{2x} \frac{e^{t}}{t} dt \le e^{2x} \ln 2 :]0,+\infty[$$
 بين أن لكل x من x من x بين أن الكل x من x بين أن الكل x من x من x

. متصلة على اليمين في الصفر
$$F$$
 متصلة F متصلة على اليمين في الصفر ج $-$ ج

$$F(x) \le \frac{1 - e^x}{2x}$$
 : $]0, +\infty[$ من $]0, +\infty[$ (2 0,25

$$\lim_{x \to +\infty} F(x) \quad -- \quad 0,25$$

$$(\forall x > 0) \ F'(x) = -\frac{1}{2} \left(\frac{e^x - 1}{x}\right)^2 : 0, +\infty$$
 و أن $[0, +\infty)$ عابلة للاشتقاق على $[0, +\infty)$ و أن $[0, +\infty)$



موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2009-الدورة الاستدراكية – مادة: الرياضيات، الشعب ب(ة) أو المسلك: شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)

 $[0,+\infty]$ من المجال $[0,+\infty]$ ا- ليكن [x]

بين أنه يوجد
$$C$$
 من المجال C بحيث: C بحيث: C بحيث C من المجال C من المجال عبين أنه يوجد التزايدات المنتهية مرتين)

0,25

$$-\frac{1}{2}e^{2x} \le \frac{F(x)-F(0)}{x} \le -\frac{1}{2}$$
 : $]0,+\infty[$ نم نم نم النبت أن لكل من $F_d'(0)=-\frac{1}{2}$ نم النبين في الصغر و أن $F_d'(0)=-\frac{1}{2}$ نم قابلة للاشتقاق على اليمين في الصغر و أن $F_d'(0)=-\frac{1}{2}$

0,25

0,75